

コンパイラ

第5回 下降型構文解析

http://www.info.kindai.ac.jp/compiler
 E館3階E-331 内線5459
 takasi-i@info.kindai.ac.jp

1

コンパイラの構造

- 字句解析系
- 構文解析系
- 制約検査系
- 中間コード生成系
- 最適化系
- 目的コード生成系

2

処理の流れ

情報システムプロジェクトIの場合

```

  graph TD
    A[output (ab);] --> B[字句解析系]
    B --> C["output" "(" 変数名 ")" ","]
    C --> D[構文解析系]
    D --> E["<output_statement> ::= \"output\" \"(\" <exp> \")\" \",\""]
    E --> F[コード生成系]
    F --> G["1. PUSH &ab 2. OUTPUT"]
  
```

字句解析系: マイクロ構文の文法に従い解析

構文解析系: マクロ構文の文法に従い解析

コード生成系: VSMアセンブラの文法に従い生成

3

マクロ構文

(情報システムプロジェクトIの場合)

- マクロ構文 (EBNF記法で定義)

```

  <Program> ::= <Main_function> EOF
  <Main_function> ::= "main" "(" ")" <Block>
  <Block> ::= "{" { <Var_decl> } { <Statement> } "}"
  
```

ファイル末

0回以上の繰り返し

変数宣言

文

4

マクロ構文(変数宣言部)

```

  <Var_decl>(変数宣言) ::= "int" <Name_list> ";"
  <Name_list>(変数名列) ::= <Name_list> "," <Name> | <Name>
  <Name>(変数名) ::= NAME
  | (NAME "=" <Constant> )
  | (NAME "[" INTEGER "]" )
  | (NAME "[" "]" "=" "{" <Constant_list> "}" )
  | (NAME "[" "]" "=" STRING
  | (NAME "[" INTEGER "]" "[" INTEGER "]" ) (拡張課題)
  <Constant_list>(定数列) ::= <Constant_list> "," <Constant>
  | <Constant>
  <Constant>(定数) ::= (["-"] INTEGER) | CHARACTER
  例 : int i, n=-5, a[10], b[]={ 'a', 'b', 'c' };
  
```

再帰

再帰

5

マクロ構文(文)

```

  <Statement>(文) ::= <If_statement>
  | <While_statement>
  | <For_statement>
  | <Exp_statement>
  | <Outputint_statement>
  | <Outputchar_statement>
  | <Break_statement>
  | "{" { <Statement> } "}"
  | ";"
  | <Do-while_statement> (拡張課題)
  | <Continue_statement> (拡張課題)
  | <Switch_statement> (拡張課題)
  
```

6

マクロ構文(文)	
<If_statement>(if文)	::= “if” “(” <Expression> “)” <Statement>
<While_statement>(while文)	::= “while” “(” <Expression> “)” <Statement>
<If_Statement> (if文) (拡張課題)	::= “if” “(” <Expression> “)” <Statement> [“else” <Statement>]

7

マクロ構文(文)	
<For_statement>(for文)	::= “for” “(” <Expression> “,” <Expression> “,” <Expression> “)” <Statement>
<For_statement>(for文) (拡張課題)	::= “for” “(” [<Expression> { “,” <Expression> }] “,” [<Expression>] “,” [<Expression> { “,” <Expression> }] “)” <Statement>
例	: for (; ;) outputchar ('!'); for (i=0, j=1, k=2; i<10; ++i, ++j, ++k);

8

マクロ構文(文)	
<Exp_statement>(式文) ::= <Expression> “;”	
<Outputchar_statement>(出力文)	::= “outputchar” “(” <Expression> “)” “;”
<Outputint_statement>(出力文)	::= “outputint” “(” <Expression> “)” “;”
<Break_statement>(break文) ::= “break” “;”	

9

マクロ構文(文:拡張課題)	
<Do-while_statement>(do-while文)	::= “do” <Statement> “while” “(” <Expression> “)” “;”
<Continue_statement>(continue文) ::= “continue” “;”	

10

マクロ構文(論理式)	
<Expression>(式) ::= <Exp>	
[(“=” “+=” “-=” “*=” “/=”) <Expression>]	
<Exp>(論理式) ::= <Exp> “ ” <Logical_term>	
<Logical_term>	再帰
<Logical_term>(論理項)	
::= <Logical_term> “&&” <Logical_factor>	
<Logical_factor>	
<Logical_factor>(論理因子) ::= <Arithmetic_expression>	
[(“=” “!=” “<” “>” “<=” “>=”)	
<Arithmetic_expression>]	

11

マクロ構文(算術式)	
<Arithmetic_expression>(算術式)	
::= <Arithmetic_expression>	再帰
(“+” “-”) <Arithmetic_term>	
<Arithmetic_term>	
<Arithmetic_term> (算術項)	
::= <Arithmetic_term>	
(“*” “/” “%”) <Arithmetic_factor>	
<Arithmetic_factor>	
<Arithmetic_factor>(算術因子) ::= <Unsigned_factor>	
“-” <Arithmetic_factor>	
“!” <Arithmetic_factor>	

12

マクロ構文(符号無し因子)
<p><Unsigned_factor>(符号無し因子) ::= NAME NAME “[” <Expression> “]” NAME (“++” “--”) (“++” “--”) NAME (“++” “--”) NAME “[” <Expression> “]” INTEGER CHARACTER “inputchar” “inputint” (“<Expression>”) <Sum_function> <Product_function> NAME “[” <Expression> “]” (“++” “--”) (拡張課題) NAME “[” <Expression> “]” “[” <Expression> “]” (拡張課題)</p>

13

マクロ構文 (和関数・積関数)
<p><Sum_function> (和関数) ::= “+” “(” <Expression_list> “)” <Product_function> (積関数) ::= “*” “(” <Expression_list> “)” <Expression_list> (式の並び) ::= ::= <Expression> <Expression_list> “,” <Expression></p> <p style="text-align: right;">再帰</p>

14

字句解析と構文解析
<p>字句解析系 : マイクロ構文の解析 INTEGER ::= ‘0’ Pdec { Dec }</p> <p>構文解析系 : マクロ構文の解析 <main> ::= “main” “(” “)” <block></p> <p style="text-align: center;">解析対象が char か Token かが違うだけ?</p>

15

マクロ構文の解析
<p style="text-align: center;">マクロ構文は階層的</p>

16

マクロ構文の解析
<p style="text-align: center;">マクロ構文は再帰的</p>

17

字句解析と構文解析
<ul style="list-style-type: none"> ■ 字句解析系 : マイクロ構文を解析 <ul style="list-style-type: none"> - 文字列 ⇒ トークン ■ 構文解析系 : マクロ構文を解析 <ul style="list-style-type: none"> - トークン列 ⇒ ??? <p>⇒ 字句解析系と同じ処理で一応解析可能 しかしマクロ構文はマイクロ構文よりも複雑 (階層的, 再帰的)</p> <p style="text-align: center;">↓</p> <p>構文解析木を生成する トークン列 ⇒ 構文解析木</p>

18

構文解析系 (syntax analyzer, parser)

- 構文解析系
 - 構文解析木を作成

if (ans > 123) output ('1');

19

構文解析

- 文法 $G = \{N, T, S, P\}$ が与えられたとき、 $\omega \in T^*$ に対して $S \Rightarrow \omega$ であるか判定、その導出木を得る

20

下降型解析 (top-down parsing)

構文解析木

21

下降型解析の例

$\langle \text{namelist} \rangle ::= \langle \text{name} \rangle \mid \langle \text{name} \rangle \text{“,”} \langle \text{namelist} \rangle$
 $\langle \text{name} \rangle ::= \text{“a”} \mid \text{“b”} \mid \text{“c”}$

a, b, c $\langle \text{namelist} \rangle$

- $\langle \text{name} \rangle \text{“,”} \langle \text{namelist} \rangle$
- $\text{“a”} \text{“,”} \langle \text{namelist} \rangle$
- $\text{“a”} \text{“,”} \langle \text{name} \rangle \text{“,”} \langle \text{namelist} \rangle$
- $\text{“a”} \text{“,”} \text{“b”} \text{“,”} \langle \text{namelist} \rangle$
- $\text{“a”} \text{“,”} \text{“b”} \text{“,”} \langle \text{name} \rangle$
- $\text{“a”} \text{“,”} \text{“b”} \text{“,”} \text{“c”} \langle \text{namelist} \rangle \Rightarrow \text{a,b,c}$

22

上昇型解析 (bottom-up parsing)

構文解析木

23

上昇型解析の例

$\langle \text{namelist} \rangle ::= \langle \text{name} \rangle \mid \langle \text{namelist} \rangle \text{“,”} \langle \text{name} \rangle$
 $\langle \text{name} \rangle ::= \text{“a”} \mid \text{“b”} \mid \text{“c”}$

a, b, c $\text{“a”} \text{“,”} \text{“b”} \text{“,”} \text{“c”}$

- $\langle \text{name} \rangle \text{“,”} \text{“b”} \text{“,”} \text{“c”}$
- $\langle \text{namelist} \rangle \text{“,”} \text{“b”} \text{“,”} \text{“c”}$
- $\langle \text{namelist} \rangle \text{“,”} \langle \text{name} \rangle \text{“,”} \text{“c”}$
- $\langle \text{namelist} \rangle \text{“,”} \text{“c”}$
- $\langle \text{namelist} \rangle \text{“,”} \langle \text{name} \rangle$
- $\langle \text{namelist} \rangle \langle \text{namelist} \rangle \Rightarrow \text{a,b,c}$

24

<h1>構文解析</h1>	
情報システムプロジェクトIの構文解析	
下降型解析 (top-down parsing)	<div style="border: 1px solid black; padding: 2px;">再帰下降解析 (recursive descent parsing)</div> LL解析 (Left to right scan & Left most derivation)
上昇型解析 (bottom-up parsing)	演算子順位構文解析 (operator precedence parsing) LR解析 (Left to right scan & Right most derivation)

25

最左導出(left most derivation)

- 一番左にある非終端記号から置き換える

例 : $N = \{S, A, B, C, D\}$
 $T = \{a, b, c, d\}$
 $P = \{S \rightarrow ABC, A \rightarrow a, B \rightarrow bD, C \rightarrow c, D \rightarrow d\}$

$S \rightarrow ABC$
 $ABC \rightarrow aBC$
 $aBC \rightarrow abDC$
 $abDC \rightarrow abdc$
 $abdC \rightarrow abdc$
 $abdcC \rightarrow abdc$

⇔最右導出(right most derivation)

26

最左導出の利点

- 左から右に順に置き換えていけばいい
 - 左に戻る必要が無い

abcd EFGHljk
 ↑ これを変換
 abcde FGhIjK
 ←
 これより前は変換済
 ⇒変換場所を左に戻す必要が無い

27

最左導出の例

例 : $N = \{E, T, F\}$
 $T = \{a, b, c, d, *, +\}$
 $P = \{E \rightarrow T+T \mid T, T \rightarrow F*F \mid F, F \rightarrow a \mid b \mid c \mid d\}$

$a*b+c*d$

$E \rightarrow T+T \rightarrow F*F+T \quad (T \rightarrow F*F)$
 $\rightarrow a*F+T \quad (F \rightarrow a)$
 $\rightarrow a*b+T \quad (F \rightarrow b)$
 $\rightarrow a*b+F*F \quad (T \rightarrow F*F)$
 $\rightarrow a*b+c*F \quad (F \rightarrow c)$
 $\rightarrow a*b+c*d \quad (F \rightarrow d)$

28

最左導出の例

if (ans >= 123) output ('a');

<st> → <if_st>

→ "if" "(" <exp> ")" <st>

→ "if" "(" <factor> ">=" <factor> ")" <st>

→ "if" "(" "ans" ">=" <factor> ")" <st>

→ "if" "(" "ans" ">=" "123" ")" <st>

→ "if" "(" "ans" ">=" "123" ")" <output_st>

→ "if" "(" "ans" ">=" "123" ")" "output" "(" <exp> ")" ";"

→ "if" "(" "ans" ">=" "123" ")" "output" "(" "a" ")" ";"

29

再帰性(recurtion)

- マクロ構文は再帰的に定義

例 : <st> ::= <if_st>

| <while_st>

| "{" {<st>} "

<if_st> ::= "if" "(" <exp> ")" {<st>}

<while_st> ::= "while" "(" <exp> ")" {<st>}

↓

ある非終端記号からの導出時に
 同一の非終端記号に戻ってくる可能性がある

30

	左再帰性(left recursion)
	<ul style="list-style-type: none"> ■ 左再帰性 <ul style="list-style-type: none"> - 右辺の左端に自分自身への再帰がある <p>直接左再帰 : $\langle A \rangle \rightarrow \langle A \rangle \alpha \mid \beta$</p> <p>間接左再帰 : $\langle A \rangle \rightarrow \langle B \rangle \alpha \mid \beta$ $\langle B \rangle \rightarrow \langle A \rangle \gamma \mid \delta$</p>

31

	右再帰性(right recursion)
	<ul style="list-style-type: none"> ■ 右再帰性 <ul style="list-style-type: none"> - 右辺の右端に自分自身への再帰がある <p>直接右再帰 : $\langle A \rangle \rightarrow \alpha \langle A \rangle \mid \beta$</p> <p>間接右再帰 : $\langle A \rangle \rightarrow \alpha \langle B \rangle \mid \beta$ $\langle B \rangle \rightarrow \gamma \langle A \rangle \mid \delta$</p>

32

	構文解析の問題点 左再帰性
	<ul style="list-style-type: none"> ■ 左再帰性 <ul style="list-style-type: none"> - 最左の非終端記号が自分自身だと停止しない <p>例 : $\langle E \rangle ::= \langle E \rangle "+" \langle T \rangle \mid \langle T \rangle$</p> <p>$E \rightarrow E+T$ $E+T \rightarrow E+T+T$ $E+T+T \rightarrow E+T+T+T$ $E+T+T+T \rightarrow E+T+T+T+T$ 永久に停止しない</p>

33

	左再帰性の除去
	<ul style="list-style-type: none"> ■ 左再帰の対処法1 : <p>左再帰⇒右再帰に変形</p> <p>- $\langle E \rangle ::= \langle E \rangle "+" \langle T \rangle \mid \langle T \rangle$</p> <p style="text-align: right;">再帰しない部分を先頭に移動させる</p> <p style="text-align: center;">↓ 右再帰に</p> <p>$\langle E \rangle ::= \langle T \rangle \langle E' \rangle$</p> <p>$\langle E' \rangle ::= "+" \langle T \rangle \langle E' \rangle \mid \epsilon$</p> <p style="text-align: center;">新たな非終端記号を加える</p>

34

	構文解析の問題点 左再帰性
	<ul style="list-style-type: none"> ■ 左再帰の対処法2 : <p>BNF記法 ⇒ EBNF記法に変形</p> <p>- $\langle E \rangle ::= \langle E \rangle "+" \langle T \rangle \mid \langle T \rangle$</p> <p style="text-align: right;">再帰しない部分を先頭に移動させる</p> <p style="text-align: center;">↓ EBNF記法に</p> <p>$\langle E \rangle ::= \langle T \rangle \{ "+" \langle T \rangle \}$</p> <p style="text-align: center;">{} で囲む</p>

35

	左再帰性の除去
	<p style="text-align: right;">再帰しない部分を先頭に移動させる</p> <p style="text-align: center;">$\langle A \rangle ::= \langle A \rangle \alpha \mid \beta$</p> <p style="text-align: center;">↓ 右再帰に ↓ EBNF記法に</p> <p>$\langle A \rangle ::= \beta \langle A' \rangle$ $\langle A \rangle ::= \beta \{ \alpha \}$</p> <p>$\langle A' \rangle ::= \alpha \langle A' \rangle \mid \epsilon$</p> <p>$L(G) = \{ \beta, \beta \alpha, \beta \alpha \alpha, \beta \alpha \alpha \alpha, \dots \}$</p>

36

左括り出し(left factoring)

■ バックトラックの対処

⇒バックトラックが起これないように文法を変形

左括り出し
— 右辺の先頭の共通部分を括り出す

例 : $\langle E \rangle ::= \langle T \rangle "+" \langle E \rangle | \langle T \rangle "-" \langle E \rangle | \langle T \rangle$

↓

$\langle E \rangle ::= \langle T \rangle \langle E' \rangle$
 $\langle E' \rangle ::= "+" \langle E \rangle | "-" \langle E \rangle | \epsilon$

43

左括り出し(left factoring)

■ バックトラックの対処

⇒バックトラックが起これないように文法を変形

左括り出し
— 右辺の先頭の共通部分を括り出す

例 : $\langle E \rangle ::= \langle T \rangle "+" \langle E \rangle | \langle T \rangle "-" \langle E \rangle | \langle T \rangle$

↓

$\langle E \rangle ::= \langle T \rangle ["+" \langle E \rangle | "-" \langle E \rangle]$

共通部分から後ろを括弧でまとめても良い

44

左括り出し

共通部分	共通部分無し
------	--------

$\langle A \rangle ::= \alpha\beta_1 | \alpha\beta_2 | \dots | \alpha\beta_m | \gamma_1 | \gamma_2 | \dots | \gamma_n$

共通部分から後ろを表す新たな非終端記号を導入

$\langle A \rangle ::= \alpha \langle A' \rangle | \gamma_1 | \gamma_2 | \dots | \gamma_n$
 $\langle A' \rangle ::= \beta_1 | \beta_2 | \dots | \beta_m$

例 : $\langle \text{if_st} \rangle ::= \text{"if" "(" } \langle \text{exp} \rangle \text{ ")" } \langle \text{st} \rangle$
 $| \text{"if" "(" } \langle \text{exp} \rangle \text{ ")" } \langle \text{st} \rangle \text{"else" } \langle \text{st} \rangle$

↓ 左括り出し

$\langle \text{if_st} \rangle ::= \text{"if" "(" } \langle \text{exp} \rangle \text{ ")" } \langle \text{st} \rangle \langle \text{else} \rangle$
 $\langle \text{else} \rangle ::= \epsilon | \text{"else" } \langle \text{st} \rangle$

45

左括り出し

共通部分	共通部分無し
------	--------

$\langle A \rangle ::= \alpha\beta_1 | \alpha\beta_2 | \dots | \alpha\beta_m | \gamma_1 | \gamma_2 | \dots | \gamma_n$

共通部分から後ろを括弧でまとめてもよい

$\langle A \rangle ::= \alpha (\beta_1 | \beta_2 | \dots | \beta_m) | \gamma_1 | \gamma_2 | \dots | \gamma_n$

例 : $\langle \text{if_st} \rangle ::= \text{"if" "(" } \langle \text{exp} \rangle \text{ ")" } \langle \text{st} \rangle$
 $| \text{"if" "(" } \langle \text{exp} \rangle \text{ ")" } \langle \text{st} \rangle \text{"else" } \langle \text{st} \rangle$

↓ 左括り出し

$\langle \text{if_st} \rangle ::= \text{"if" "(" } \langle \text{exp} \rangle \text{ ")" } \langle \text{st} \rangle [\text{"else" } \langle \text{st} \rangle]$

46

左括り出し

例 : $\langle E \rangle ::= \langle T \rangle "+" \langle E \rangle | \langle T \rangle "-" \langle E \rangle | \langle T \rangle$
 $\langle T \rangle ::= \langle F \rangle "*" \langle T \rangle | \langle F \rangle "/" \langle T \rangle | \langle F \rangle$
 $\langle F \rangle ::= \text{"a"} | \text{"b"} | \text{"c"} | \text{"d"}$

↓

$\langle E \rangle ::= \langle T \rangle \langle E' \rangle$
 $\langle E' \rangle ::= "+" \langle E \rangle | "-" \langle E \rangle | \epsilon$
 $\langle T \rangle ::= \langle F \rangle \langle T' \rangle$
 $\langle T' \rangle ::= "*" \langle T \rangle | "/" \langle T \rangle | \epsilon$
 $\langle F \rangle ::= \text{"a"} | \text{"b"} | \text{"c"} | \text{"d"}$

47

左括り出し

例 : $\langle E \rangle ::= \langle T \rangle "+" \langle E \rangle | \langle T \rangle "-" \langle E \rangle | \langle T \rangle$
 $\langle T \rangle ::= \langle F \rangle "*" \langle T \rangle | \langle F \rangle "/" \langle T \rangle | \langle F \rangle$
 $\langle F \rangle ::= \text{"a"} | \text{"b"} | \text{"c"} | \text{"d"}$

↓

$\langle E \rangle ::= \langle T \rangle [("+" | "-") \langle E \rangle]$
 $\langle T \rangle ::= \langle F \rangle [("*" | "/") \langle T \rangle]$
 $\langle F \rangle ::= \text{"a"} | \text{"b"} | \text{"c"} | \text{"d"}$

48

左括り出し

例: $\langle E \rangle ::= \langle T \rangle \langle E' \rangle$

$\langle E' \rangle ::= "+" \langle E \rangle | "-" \langle E \rangle | \epsilon$
 $\langle T \rangle ::= \langle F \rangle \langle T' \rangle$
 $\langle T' \rangle ::= "*" \langle T \rangle | "/" \langle T \rangle | \epsilon$
 $\langle F \rangle ::= "a" | "b" | "c" | "d"$

$a*b - c*d \quad E \rightarrow TE'$

$TE' \rightarrow FT'E'$
 $FT'E' \rightarrow aT'E'$
 $aT'E' \rightarrow a*bE'$
 $a*bE' \rightarrow a*b-T$
 $a*b-T \rightarrow a*b-FT'$

バックトラック無しに
解析可能

49

左括り出し

$\langle E \rangle ::= \langle T \rangle "+" \langle E \rangle | \langle T \rangle "-" \langle E \rangle | \langle T \rangle$

非決定性有限オートマトン

$\langle E \rangle ::= \langle T \rangle \langle E' \rangle$

$\langle E' \rangle ::= "+" \langle E \rangle | "-" \langle E \rangle | \epsilon$

決定性有限オートマトン

50

左括り出しとバックトラック

■ バックトラックが無くせるとは限らない

- 本質的に後戻りが必要な文法が存在

例 $S \rightarrow aBcd, B \rightarrow bc | b$

左括り出し

$S \rightarrow aBcd, B \rightarrow bB' \quad B' \rightarrow c | \epsilon$

$abcd \quad S \rightarrow aBcd$
 $aBcd \rightarrow abB'cd$
 $abB'cd \rightarrow abcccd$

バックトラック

不一致

51

左括り出し

$S \rightarrow aBcd, B \rightarrow bc | b$

非決定性有限オートマトン

$S \rightarrow aBcd, B \rightarrow bB', B' \rightarrow c | \epsilon$

非決定性有限オートマトン

左括り出しをしても NFA のまま

52

トークンの先読み

$\langle E \rangle ::= \langle T \rangle \{ ("*" \langle T \rangle) | ("/" \langle T \rangle) \}$

- $a*b$
- a/b
- a

どれで解析する?

トークンを読み取る

■ LL(k) 文法

k 個先のトークンを読み取れば
解析可能な文法

53

LL(k) 文法

例: $\langle \text{factor} \rangle ::= \text{NAME} \{ "=" \text{NAME} | ">" \text{NAME} | "<" \text{NAME} \}$

どのルールを適用する?

$a = b$

ここまで読めば
どれか判別できる

2つめのトークンまで読めば解析可能
⇒ LL(2) 文法

54

LL(k) 文法

例 : `<unsigned> ::= NAME "[" <exp> "]"`
 | `NAME "[" <exp> "]" "++"`
 | `NAME "[" <exp> "]" "--"`

a [1+2+3+4+5+6+7] ++

ここまで読めば
どれか判別できるが...

<exp>は無限にトークンが来る可能性あり
⇒ これは LL(k) 文法ではない

55

LL(k)文法⇒LL(1)文法

■ LL(k) 文法
⇒ 左括り出しで LL(1)文法に

例 : `<factor> ::= NAME "=" NAME`
 | `NAME ">" NAME`
 | `NAME "<" NAME`

↓ 左括り出し

`<factor> ::= NAME ("=" | ">" | "<") NAME`

56

LL(1)文法

■ LL(1)文法

- 1個のトークン(直後に来るトークン)の先読みで構文解析可能な文法
- 左辺が同じ生成規則が複数あるとき、トークンを1個先読みすればどの右辺を選択するかわかる
- 同一の左辺に対して、右辺の先頭トークン(終端記号)が全て異なる

↓

次に来るトークン先読みする
メソッドがあれば解析可能

57

LL(1)文法構文の解析

先頭に来るトークン

`<unsigned> ::= NAME NAME`
 | `INTEGER INTEGER`
 | `"(" <exp> ")" "("`
 | `"input" "input"`

```

<unsigned>の解析() {
  swich (nextToken) {
    case NAME : { 変数の解析 } break;
    case INTEGER : { 整数の解析 } break;
    case "(" : { "(" <exp> ")" の解析 } break;
    case "input" : { 入力の解析 } break;
  }
}

```

次のトークンを見れば
どの処理をするか分かる

58

LL(1)文法構文の解析

先頭に来るトークン

`<st> ::= "{" { <st> } ";"`
 | `"while_st"`
 | `"if_st"`
 | `"write_st"`
 | `"exp_st"`

これらの先頭に来る
トークンは?

各非終端記号の First 集合 を求める

59

First 集合 (先頭終端記号集合)

■ $First(\alpha) = \{ "a" \mid \alpha \Rightarrow a\beta \}$

- ただし、 $\alpha \Rightarrow \epsilon$ のときは ϵ を含む
- 記号列 α の先頭に来る終端記号の集合

`<if_st> ::= "if" "(" <expression> ")" <statement>`
`<while_st> ::= "while" "(" <expression> ")" <statement>`

if 文の先頭のトークンは "if"
while 文の先頭のトークンは "while"

$First(<if_st>) = \{ "if" \}$
 $First(<while_st>) = \{ "while" \}$

60

First集合
<p>例 : $\langle A \rangle ::= \text{"a"} \mid \text{"b"} \mid \text{"c"}$ $\langle B \rangle ::= \text{"dd"} \mid \text{"ee"} \mid \text{"ff"} \mid \text{"gg"}$ $\langle C \rangle ::= \langle A \rangle \mid \langle B \rangle$</p> <p>$\text{First}(\langle A \rangle) = \{ \text{"a"}, \text{"b"}, \text{"c"} \}$ $\text{First}(\langle B \rangle) = \{ \text{"dd"}, \text{"ff"} \}$ $\text{First}(\langle C \rangle) = \{ \text{"a"}, \text{"b"}, \text{"c"}, \text{"dd"}, \text{"ff"} \}$ $\text{First}(\langle C \rangle) = \text{First}(\langle A \rangle) \cup \text{First}(\langle B \rangle)$</p>

61

First集合の求め方
<p>■ $\text{First}(\alpha)$ の求め方 ($\alpha \in (\mathbf{N} \cup \mathbf{T})^*$)</p> <ul style="list-style-type: none"> - 初期状態では $\text{First}(\alpha) = \emptyset$ (空集合) <ol style="list-style-type: none"> 1. $\alpha ::= \epsilon$ のとき $\text{First}(\alpha) += \epsilon$; 2. $\alpha ::= \text{"a"} (\in \mathbf{T})$ のとき $\text{First}(\alpha) += \text{"a"}$; 3. $\alpha ::= \langle A \rangle (\in \mathbf{N})$ のとき $\text{First}(\alpha) += \text{First}(\langle A \rangle)$; <p>$\langle A \rangle \in \mathbf{N}, \text{"a"} \in \mathbf{T}, \alpha \in (\mathbf{N} \cup \mathbf{T})^*$</p>

62

First集合の求め方
<ol style="list-style-type: none"> 4. $\alpha ::= \langle X \rangle \beta$ のとき <ol style="list-style-type: none"> 1. $\epsilon \notin \text{First}(\langle X \rangle)$ のとき $\text{First}(\alpha) += \text{First}(\langle X \rangle)$; 2. $\epsilon \in \text{First}(\langle X \rangle)$ のとき $\text{First}(\alpha) += (\text{First}(\langle X \rangle) - \epsilon) \cup \text{First}(\beta)$; 5. $\alpha ::= \beta \mid \gamma$ のとき $\text{First}(\alpha) += \text{First}(\beta) \cup \text{First}(\gamma)$; <p>$\langle X \rangle \in \mathbf{N}, \alpha, \beta, \gamma \in (\mathbf{N} \cup \mathbf{T})^*$</p>

63

First集合の求め方
<ol style="list-style-type: none"> 6. $\alpha ::= \{\beta\}$ のとき $\text{First}(\alpha) += \text{First}(\beta) \cup \epsilon$; 7. $\alpha ::= [\beta]$ のとき $\text{First}(\alpha) += \text{First}(\beta) \cup \epsilon$; 8. $\alpha ::= (\beta)$ のとき $\text{First}(\alpha) += \text{First}(\beta)$; <p>$\alpha, \beta \in (\mathbf{N} \cup \mathbf{T})^*$</p>

64

First集合の求め方
4. ϵ-ルール
<ol style="list-style-type: none"> 4. $\alpha ::= \langle X \rangle \beta$ のとき <ol style="list-style-type: none"> 1. $\epsilon \notin \text{First}(\langle X \rangle)$ のとき $\text{First}(\alpha) += \text{First}(\langle X \rangle)$ 2. $\epsilon \in \text{First}(\langle X \rangle)$ のとき $\text{First}(\alpha) += (\text{First}(\langle X \rangle) - \epsilon) \cup \text{First}(\beta)$; <p>例 : $\langle A \rangle ::= \langle B \rangle \text{"a"}$ $\langle B \rangle ::= \text{"b"} \mid \epsilon$</p> <p>$A \Rightarrow ba, A \Rightarrow \epsilon a = a$</p> <p>$\text{First}(\langle A \rangle) = \{ \text{"b"}, \text{"a"} \}$</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: center;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px;"> $\text{First}(\langle B \rangle) - \epsilon$ </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 2px;"> $\text{First}(\text{"a"})$ </div> </div>

65

First集合
<p>例 : $\langle S \rangle ::= \text{"a"} \mid \langle B \rangle \langle C \rangle$ $\langle B \rangle ::= \text{"b"} \mid \epsilon$ $\langle C \rangle ::= \text{"c"}$</p> <p>$\text{First}(\epsilon) = \{ \epsilon \}$ (ルール1.) $\text{First}(\text{"a"}) = \{ \text{"a"} \}$ (ルール2.) $\text{First}(\text{"b"}) = \{ \text{"b"} \}$ (ルール2.) $\text{First}(\text{"c"}) = \{ \text{"c"} \}$ (ルール2.) $\text{First}(\langle C \rangle) = \text{First}(\text{"c"}) = \{ \text{"c"} \}$ (ルール2.) $\text{First}(\langle B \rangle) = \text{First}(\text{"b"}) \cup \text{First}(\epsilon) = \{ \text{"b"}, \epsilon \}$ (ルール5.) $\text{First}(\langle B \rangle \langle C \rangle) = (\text{First}(\langle B \rangle) - \epsilon) \cup \text{First}(\langle C \rangle)$ $= \{ \text{"b"}, \text{"c"} \}$ (ルール4-2.) $\text{First}(\langle S \rangle) = \text{First}(\text{"a"}) \cup \text{First}(\langle B \rangle \langle C \rangle)$ $= \{ \text{"a"}, \text{"b"}, \text{"c"} \}$ (ルール5.)</p>

66

First 集合を用いた構文解析

```
<st>の解析() {      nextToken と First 集合を比較
  if (nextToken ∈ First (<if_st>)) {
    <if_st> の解析;
  } else if (nextToken ∈ First (<while_st>)) {
    <while_st> の解析;
  } else if (nextToken == "{") {
    "{" {<st>} "}" の解析;
  } else if (nextToken == ";") {
    ";" の解析;
  } else syntaxError();
}
```

67

構文解析不能な文法

例 : First (α) = {"x", "a"}

First (β) = {"x", "b"}

First (γ) = {"x", "c"}

$\langle A \rangle ::= \alpha | \beta | \gamma$

$\langle B \rangle ::= \{ \alpha \} \beta$

$\langle C \rangle ::= [\alpha] \beta$

$\langle A \rangle \langle B \rangle \langle C \rangle$ 共に

先頭の終端記号が "x" だと
どの分岐か判定できない

左括り出しも難しい

LL(1) 文法でないとはバックトラック無しでは
構文解析不能

68